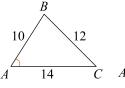
Централизованный экзамен. Математика: полный сборник тестов, 2024 год. Вариант б.

При выполнении заданий с кратким ответом впишите в поле для ответа цифру, которая соответствует номеру правильного ответа, или число, слово, последовательность букв (слов) или цифр. Ответ следует записывать без пробелов и каких-либо дополнительных символов. Дробную часть отделяйте от целой десятичной запятой. Единицы измерений писать не нужно.

Если вариант задан учителем, вы можете вписать или загрузить в систему ответы к заданиям с развернутым ответом. Учитель увидит результаты выполнения заданий с кратким ответом и сможет оценить загруженные ответы к заданиям с развернутым ответом. Выставленные учителем баллы отобразятся в вашей статистике.



- 1) $(-\infty; 15)$, 2) $(-\infty; 14)$, 3) $[17; +\infty)$, 4) $(15; +\infty)$,
- **2.** На рисунке изображены подобные треугольники ABC и $A_1B_1C_1$. Используя данные рисунка, найдите длину стороны B_1C_1 треугольника $A_1B_1C_1$.





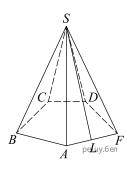
- 1)4 2) 6 3) 8 4) 7 5) 9
- 3. Из N роз можно сформировать букеты по 3 розы в каждом или букеты по 5 роз в каждом, и в обоих случаях лишних роз не останется. Среди чисел 635, 333, 420, 515, 260 выберите то, которому может быть равно число N.
 - 1) 635
- 2) 333
- 3) 420
- 4) 260
- **4.** Укажите номер выражения, тождественно равного выражению a^{-2} .
- 1) $a^4 \cdot a^{-6}$, 2) $a^{-1} \cdot a^2$, 3) $(-1)^3 \cdot a^2$, 4) $(-a)^2$, 5) $a : a^{-3}$.
- **5.** Даны системы неравенств. Укажите номер системы неравенств, множество решений которой от 1 решу.б представлено на рисунке.



- 1) $\begin{cases} x^2 \ge 11, \\ x < 0. \end{cases}$ 2) $\begin{cases} x < 0, \\ x < 11. \end{cases}$ 3) $\begin{cases} x^2 > 0, \\ x \ge 11. \end{cases}$ 4) $\begin{cases} x^2 > 0, \\ x > 11. \end{cases}$ 5) $\begin{cases} x > 0, \\ x \le 11. \end{cases}$

- **6.** Функция задана формулой f(x) = |x 5|. Укажите номера верных утверждений.
 - 1) число 5 является нулем функции;
- 2) функция является четной;
- 3) функция убывает на промежутке $(-\infty; 5];$ 4) f(4) < 0;
- 5) областью определения функции является множество всех действительных чисел.
- 7. В бункер, в котором было 72 ц зерна, досыпали 1730 кг зерна. Сколько зерна (в тоннах) стало в бункере?
 - 1) 7.2173 т
- 2) 8.93 T 3) 89.3 T
- 4) 0.893 T 5) 7.373 T
- **8.** Значение выражения $10 \sin \frac{11\pi}{12} \cos \frac{11\pi}{12}$ равно:

- 1) -2.5 2) 2.5 3) $-\frac{5\sqrt{3}}{2}$ 4) $\frac{5\sqrt{3}}{2}$ 5) $-\frac{5\sqrt{2}}{2}$
- **9.** Дана правильная пятиугольная пирамида SABCDF, у которой длина стороны AF основания ABCDF равна $4\sqrt{3}$, а длина бокового ребра SA равна равна $7\sqrt{3}$ (см. рис.). Найдите апофему SL пирамиды SABCDF.

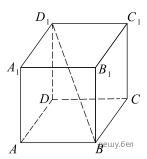


- 1) $3\sqrt{5}$ 2) $\sqrt{3}$ 3) $\sqrt{15}$
- 5) $3\sqrt{15}$

- 10. Укажите номера выражений, которые НЕ имеют смысла.

- $1) \quad \log_1(2\sqrt{6}) \qquad 2) \quad \log_{2-\sqrt{6}}6 \qquad 3) \quad \log_{2\sqrt{6}}1 \qquad 4) \quad \log_5(2-\sqrt{6}) \qquad 5) \quad \log_{\sqrt{6}-2}6 < 2\sqrt{6}$
- **11.** $ABCDA_1B_1C_1D_1$ куб. Отрезок BD_1 является диагональю куба. Выберите верные утверждения.
 - 1) прямая BD_1 лежит в плоскости DD_1C_1
 - 2) прямая BD_1 пересекает плоскость BB_1A_1
 - 3) прямая BD_1 лежит в плоскости B_1BD
 - 4) прямые BD_1 и C_1D_1 являются скрещивающимися
 - 5) прямая BD_1 пересекает прямую AC_1
 - 6) прямая BD_1 пересекает прямую A_1B_1

Ответ запишите цифрами (порядок записи цифр не имеет значения). Например: 134.

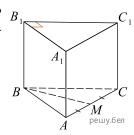


12. Окружность задана уравнением $(x-7)^2 + (y-24)^2 = 28$. Для начала каждого из предложений A–B подберите его окончание 1-7 так, чтобы получилось верное утверждение.

Начало предложения	Окончание предложения
A) Сумма координат центра данной окружности равна Б) Площадь круга, ограниченного данной окружностью, если в качестве числа π взято число Архимеда $\frac{22}{7}$, равна В) Расстояние от центра данной окружности до начала координат равно	1) 17 2) 21 3) 25 4) 28 5) 88 6) 44 7) 31

Ответ запишите в виде сочетания букв и цифр, соблюдая алфавитную последовательность букв левого столбца. Помните, что некоторые данные правого столбца могут использоваться несколько раз или не использоваться вообще. Например: А1Б1В4.

- 13. Найдите наименьшее натуральное трехзначное число, при делении которого на 24 в остатке получается 3.
- **14.** Найдите сумму одиннадцати первых членов арифметической прогрессии (a_n) , у которой $a_2 = 3$, d = -3.
- **15.** В основании прямой призмы $ABCA_1B_1C_1$ лежит прямоугольный треугольник ABC, у которого B $\angle ABC = 90^{\circ}$, $\angle ACB = 30^{\circ}$. Известно, что $BB_1 = AC = 4\sqrt{5}$. Найдите квадрат длины пространственной ломаной MBB_1A_1 , где M — середина ребра AC (см. рис.).



- **16.** Найдите значение выражения $\frac{2\sin 2\alpha 32}{\cos^2 \alpha}$, если $\lg \alpha = \frac{1}{2}$, $\alpha \in \left(0; \frac{\pi}{2}\right)$.
- 17. С картой постоянного клиента фотоцентра Витя получает скидку 20% на услугу «Фото на документы» и скидку 30% на услугу «Фотопазл». Найдите стоимость без скидки услуги «Фото на документы» (в копейках), если известно, что стоимость без скидки услуги «Фотопазл» равна 30 р. и что за две услуги вместе Витя с учетом скидок заплатил 35 р. 80 к.
 - **18.** Найдите сумму всех целых решений совокупности неравенств $\begin{bmatrix} 1-x \leqslant 0, \\ 0, 5(x+3) > 4 \end{bmatrix}$ на промежутке (–4; 7).
- **19.** Дана функция $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$. График функции y = g(x) получен из графика функции $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ сдвигом его вдоль оси абсцисс на 1 единицу вправо и вдоль оси ординат на 4 единицы вниз. Найдите значение выражения $g(-4) \cdot g(1)$.
- 20. Дан параллелограмм, у которого длины сторон равны 5 и 8, а длина одной из диагоналей равна 11. Найдите значение выражения $\sqrt{21} \cdot S$, где S — площадь данного параллелограмма.
- **21.** Решите уравнение $18^x + 36 = 3^x + 6^{x+2}$. В ответ запишите значение выражения $n \cdot 3^{x_0}$, где x_0 наибольший корень, n количество корней данного уравнения.
- 22. Известно, что первый ризограф печатает в минуту на 21 страницу больше, чем второй. Работая совместно, два ризографа за 40 мин напечатали 3640 страниц. За какое время (в минутах) напечатал бы 3640 страниц второй ризограф, работая один?

- 23. Через вершину P конуса и хорду AB его основания, стягивающую дугу в 90°, проведено сечение. Найдите значение выражения $\frac{\sqrt{2} \cdot S}{\pi}$, где S площадь боковой поверхности конуса, если периметр этого сечения равен $12\sqrt{2}$ и $\angle PAB = 60^\circ$.
 - **24.** Найдите сумму всех целых решений неравенства $\log_{0.4} \left(\frac{x}{3} 4, 8 \right) \geqslant 0.$
 - **25.** Найдите наибольшее значение функции $f(x) = \frac{x^3}{3} + 0,5x^2 12x \frac{2}{3}$ на отрезке [–5; 1].
 - **26.** Найдите сумму квадратов корней уравнения $x^2 + 4x 8 = 6\sqrt{x^2 + 4x + 8}$.
- **27.** Точки A, B, C лежат на поверхности шара так, что $AB = 6\sqrt{3}$, $\angle CAB = 15^{\circ}$, $\angle ABC = 30^{\circ}$. Найдите значение выражения $\frac{3 \cdot V}{\sqrt{14} \cdot \pi}$, где V объем шара, если расстояние от центра шара до плоскости треугольника ABC равно $\sqrt{2}$.
 - 28. Найдите сумму всех целых решений неравенства

$$(5+2\sqrt{6})\frac{16x-28}{x+5} - \left(\frac{1}{5+2\sqrt{6}}\right)^{-x} \geqslant 0$$

на промежутке (-12; 12).

- **29.** Найдите (в градусах) сумму различных корней уравнения $\cos 14x + \cos 9x + \cos 4x = 0$ на промежутке ($-90^{\circ}; 0^{\circ}$).
- **30.** Угол *BSC* правильной треугольной пирамиды *SABC* равен $2 \arctan \frac{\sqrt{5}}{3}$. Найдите значение выражения $\frac{21 \cdot \cos^2 \beta}{\cos^2 \phi}$, где β угол между боковым ребром *SB* и плоскостью основания *ABC*, ϕ линейный угол двугранного угла *SBCA*.